

# TEST PRZYKŁADOWY

Imię i nazwisko:

Numer indeksu:

Numer grupy:

Test jest testem wielokrotnego wyboru (tzn. wszystkie kombinacje odpowiedzi są możliwe). Pytanie jest uznane za poprawnie rozwiązane wttw, gdy wszystkie podpunkty w pytaniu mają zaznaczone właściwe odpowiedzi. Odpowiedzi “+” oraz “-” proszę zaznaczać przy każdym podpunkcie pytania w stosownym miejscu - wewnątrz nawiasu kwadratowego poprzedzającego treść [ ]. Życzę powodzenia.

1. Które z poniższych zdań jest prawdziwe:

- (a) [ ]  $[2, 3] \cup \mathbb{N} = \mathbb{N}$   
 (b) [ ]  $(2, 3) \oplus \mathbb{N} = \mathbb{N} \setminus \{2, 3\}$   
 (c) [ ]  $\{2, 3\} \setminus \mathbb{N} = (2, 3)$

2. Niech  $\Sigma = \{a\}$  oraz  $X = \{w \in \Sigma^* : |w| \leq 3\}$ , wtedy:

- (a) [ ]  $P(X) = \{a, aa, aaa\}$   
 (b) [ ]  $|P(X)| = 16$   
 (c) [ ]  $\Sigma \in P(X)$

3. Niech  $A_i = \{-i, i\}$ ,  $B_i = [-i, i]$ , wtedy:

- (a) [ ]  $\left(\bigcap_{i \in \mathbb{N}} A_i\right) \cap \left(\bigcap_{i \in \mathbb{N}} B_i\right) = \emptyset$   
 (b) [ ]  $\left(\bigcup_{i \in \mathbb{N}} A_i\right) \setminus \left(\bigcap_{i \in \mathbb{N}} B_i\right) = \mathbb{Z} \setminus \{0\}$   
 (c) [ ]  $\left(\bigcup_{i \in \mathbb{N}} A_i\right) \oplus \left(\bigcup_{i \in \mathbb{N}} B_i\right) = \mathbb{R} \setminus \mathbb{Z}$

4. Niech  $A = \{\emptyset, \{\emptyset\}, \{\emptyset, \{\emptyset\}\}$ , wtedy:

- (a) [ ]  $P(A) = \{\emptyset, \{\emptyset\}, \{\emptyset, \{\emptyset\}\}, \{\emptyset, \{\emptyset\}, \{\emptyset, \{\emptyset\}\}\}$   
 (b) [ ]  $|P(A)| = 4$   
 (c) [ ]  $|P(A)| = 8$

5. Niech  $P(X_n)$  oznacza zbiór potęgowy  $n$ -elementowego zbioru  $X_n$ , wtedy:

- (a) [ ] jeżeli  $A_3 \subset B_4$ , to  $P(A_3) \subset P(B_4)$   
 (b) [ ] jeżeli  $A_3 \subset B_4$ , to  $P(P(A_3)) \supset P(B_4)$   
 (c) [ ]  $\sum_{i=0}^n |P(X_i)| = 2^{n+1}$

6. Niech  $A = \{\emptyset, \{\emptyset\}, \{\emptyset, \{\emptyset\}\}$ ,  $B = \{1, 2, 3, \dots, 10\}$ , wtedy:

- (a) [ ]  $|A \times B| = |B \times A|$   
 (b) [ ]  $|A \times B| = 40$   
 (c) [ ]  $|P(A)| \cdot |P(B)| = |P(A \cup B)|$

7. Czy istnieją zbiory  $A$ ,  $B$  oraz  $C$  takie, że  $A \cap B \neq \emptyset$ ,  $A \cap C = \emptyset$  i  $(A \cap B) \setminus C = \emptyset$
- (a) [ ] Tak, dla dowolnych zbiorów  $A$ ,  $B$  i  $C$   
 (b) [ ] Tak, dla pewnych zbiorów  $A$ ,  $B$  i  $C$   
 (c) [ ] Nie
8. Niech  $A$ ,  $B$  oraz  $C$  będą dowolnymi zbiorami. Które z poniższych zdań jest prawdziwe:
- (a) [ ]  $(A \setminus B) \cup B = A$   
 (b) [ ]  $(A \oplus B = A \oplus C) \rightarrow (B = C)$   
 (c) [ ]  $A \cap (B \oplus C) = (A \cap B) \oplus (A \cap C)$
9. Jeżeli macierz binarna  $M$  reprezentuje relację  $r$  w zbiorze  $n$ -elementowym, to:
- (a) [ ] macierz  $M$  jest macierzą kwadratową rzędu  $n^2$   
 (b) [ ] macierz  $M$  jest symetryczna względem diagonalnej gdy relacja  $r$  jest symetryczna i spójna  
 (c) [ ] macierz  $M$  jest symetryczna względem diagonalnej gdy relacja  $r$  jest przechodnia
10. Niech  $U = \{0, 1, 2\}$ , wtedy:
- (a) [ ]  $r = \{(i, j) \in U^2 : i = j\} = \{(0, 0), (0, 1), (0, 2), (1, 1)\}$   
 (b) [ ]  $r = \{(i, j) \in U^2 : i^2 + j^2 = 2\} = \{(1, 1)\}$   
 (c) [ ]  $r = \{(i, j) \in U^2 : i = \max(\{1, j\})\} = \{(1, 0), (1, 1), (2, 2)\}$
11. Niech uniwersum relacji  $r$  będzie zbiór wszystkich słów nad alfabetem  $\Sigma = \{0, 1\}$ , wtedy:
- (a) [ ] jeżeli relacja  $r$  jest przeciwzrotna, przeciwsymetryczna i przechodnia, to  $r$  jest zbiorem skończonym  
 (b) [ ] jeżeli relacja  $r$  jest symetryczna i przeciwsymetryczna, to  $r$  jest zbiorem skończonym  
 (c) [ ] jeżeli relacja  $r$  nie jest spójna, to  $r$  jest zbiorem skończonym
12. Relacja  $r = \{(i, j) \in \mathbb{N} \times \mathbb{N} : (i \cdot j) \bmod 3 = 1\}$  jest:
- (a) [ ] przeciwzrotna  
 (b) [ ] symetryczna  
 (c) [ ] antysymetryczna
13. Niech  $U = \mathbb{N} \times \mathbb{N}$  będzie uniwersum relacji  $r$ , wtedy:
- (a) [ ] jeżeli  $r = \emptyset$ , to  $r$  jest relacją antysymetryczną, przechodnią  
 (b) [ ] jeżeli  $r = \{(a, b) \in U : (a + b) \bmod 2 = 1\}$ , to  $r$  jest relacją zwrotną lub symetryczną  
 (c) [ ] jeżeli  $r = \{(a, b) \in U : a = 1 \wedge b > a\}$ , to  $r$  jest relacją przeciwzrotną lub spójną
14. Niech  $r_1$  będzie relacją zwrotną i symetryczną oraz  $r_2$  będzie relacją symetryczną i przechodnią, wtedy:
- (a) [ ]  $r_1 \cap r_2$  jest relacją zwrotną, symetryczną i przechodnią  
 (b) [ ]  $r_1 \cup r_2$  jest relacją zwrotną, symetryczną i przechodnią  
 (c) [ ]  $r_1 \oplus r_2$  jest relacją zwrotną, symetryczną i przechodnią
15. Dla dowolnej relacji  $r$  zdefiniowanej nad niepustym uniwersum prawdą jest, że jeżeli relacja  $r$  jest:
- (a) [ ] antysymetryczna, to nie jest symetryczna  
 (b) [ ] przeciwzrotna, to nie jest przechodnia  
 (c) [ ] spójna, to jest przechodnia i antysymetryczna

16. Które z poniższych zdań jest tautologią rachunku zdań:

(a) [     ]  $(p \vee (q \vee r)) \leftrightarrow ((p \vee q) \vee r)$

(b) [     ]  $(p \rightarrow q) \leftrightarrow (\neg q \rightarrow \neg p)$

(c) [     ]  $(p \wedge q) \leftrightarrow \neg(p \rightarrow \neg q)$

17. Niech  $p, q, r$  będą zmiennymi zdaniowymi, wtedy:

(a) [     ] jeżeli  $p = q$  i  $q = r$ , to  $p \rightarrow q$  i  $q \rightarrow r$

(b) [     ] jeżeli  $p \rightarrow q$  i  $q \rightarrow r$ , to zdanie  $p \leftrightarrow r$  jest zawsze prawdziwe

(c) [     ] jeżeli  $p \rightarrow q$  i  $p \rightarrow r$ , to zdanie  $q \leftrightarrow r$  jest zawsze prawdziwe

18. Niech  $p \leftrightarrow q$  oraz  $q \rightarrow r$  i  $r$  będą zbiorem przesłanek, wtedy:

(a) [     ] zbiór ten jest niesprzeczny

(b) [     ] wnioskiem ze zbioru przesłanek jest stwierdzenie  $p \wedge q$

(c) [     ] wnioskiem ze zbioru przesłanek jest stwierdzenie  $r \rightarrow p$

19. Rozumowanie „Jeśli dana wejściowa programu P spełnia warunek Q, to spełnia też warunek R. Zatem, jeżeli dana wejściowa programu P nie spełnia warunku Q, to nie spełnia też warunku R”, jest:

(a) [     ] poprawne

(b) [     ] niepoprawne

(c) [     ] bez sensu

20. Dla którego z poniższych stwierdzeń istnieje kontrprzykład:

(a) [     ] jeżeli  $a \in \mathbb{N}$  i  $b \in \mathbb{Z}$ , to  $a \cdot |b| < c$ , gdzie  $c$  dowolną liczbą naturalną

(b) [     ] jeżeli  $a \in \mathbb{N}$  i  $b \in \mathbb{Z}$ , to  $a \cdot |b| \geq c$ , gdzie  $c$  dowolną liczbą całkowitą ujemną

(c) [     ]  $\sqrt{x} = z$  wtedy i tylko wtedy, gdy  $z \geq 0$ , gdzie  $x, z \in \mathbb{R}$